

# Bitcoin : crypto-monnaie décentralisée ouverte et libre

## Mathématiques, algorithmes et méthode de confiance



David Tsang Hin Sun  
tsang@univ-tlse3.fr  
UPS/DSI/ Ingénieur informaticien

# Sommaire

- Qu'est ce que le bitcoin ? : une crypto devise virtuelle , un protocole, un réseau , une technologie ouverte et libre.
- Comment ça marche: une démonstration ( wallet / adresse bitcoin )
- Les outils mathématiques :
  - Clés privées/ clés publiques [Courbes elliptiques+Corps fini (ou de Galois)]
  - Le blockchain : un livre de compte ouvert et décentralisé ( consensus + règles mathématiques = la vraie invention du bitcoin )
  - Minage / Proof of work (pb des Généraux Byzantins)
- Quelques graphiques ( cours du bitcoin, puissance de calcul)
- Les alt-coins : késako ?
- Comment se procurer des bitcoins ?
- Le bitcoin se démocratise: Dell, expedia, Microsoft, Wikipedia ...
- M-PESA → Bit-Pesa: le Kenya laboratoire du futur !
- Questions ?
- Références

# Bitcoin, bitcoin

Une invention, une technologie : une monnaie numérique, un réseau, un protocole, un logiciel libre.

PC : Personal Computer



INTERNET

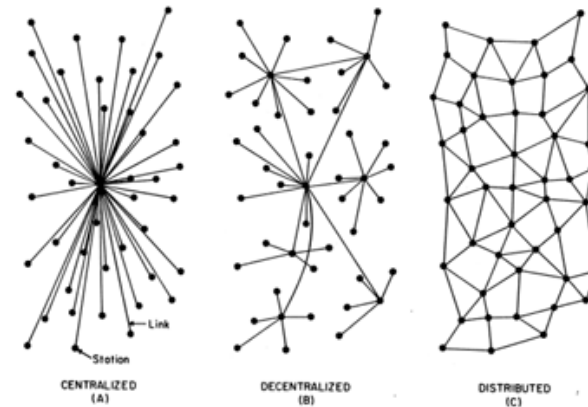


FIG. 1 - Centralized, Decentralized and Distributed Networks

Network Routing Configurations. (1964) Source: Introduction to Distributed Communications Networks, Paul Baran

Logiciels libres

FSF FREE SOFTWARE FOUNDATION



BITCOIN



Le bitcoin , bien plus qu'une crypto devise virtuelle : un protocole, un réseau , une technologie ouverte , neutre et libre.

# Bitcoin, bitcoin

Une invention, une technologie : une monnaie numérique, un réseau, un protocole, un logiciel libre.

**La monnaie : Unité de compte + Réserve de Valeur + Instrument d'échange**

Mais le bitcoin est bien plus qu'une monnaie: c'est avant tout un réseau, un protocole, une technologie disruptive, ouverte, libre, neutre, basée sur une confiance décentralisée, orchestrée par les règles mathématiques.



# Bitcoin, bitcoin

## Les origines

**Le 1er novembre 2008, en pleine crise financière mondiale , un inconnu « Satoshi Nakamoto » poste un message sur une liste de diffusion de cryptographie :**

**Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System**

**- Le 3 janvier 2009, « genesis block » la création ou minage des 50 premiers bitcoins par « Satoshi Nakamoto »**

**cf <http://blockexplorer.com/b/0>**

**- Le 9 janvier 2009, Message posté par « Satoshi Nakamoto » sur mailing liste crypto :**

**Logiciel libre « Bitcoin v0.1 released »**

**<http://downloads.sourceforge.net/bitcoin/bitcoin-0.1.0.rar>**

Ref:

<http://www.bitcoin.org/bitcoin.pdf>

<http://satoshi.nakamotoinstitute.org/>

# Bitcoin, bitcoin

Les origines ? : l'identité de « Satoshi Nakamoto » reste inconnue

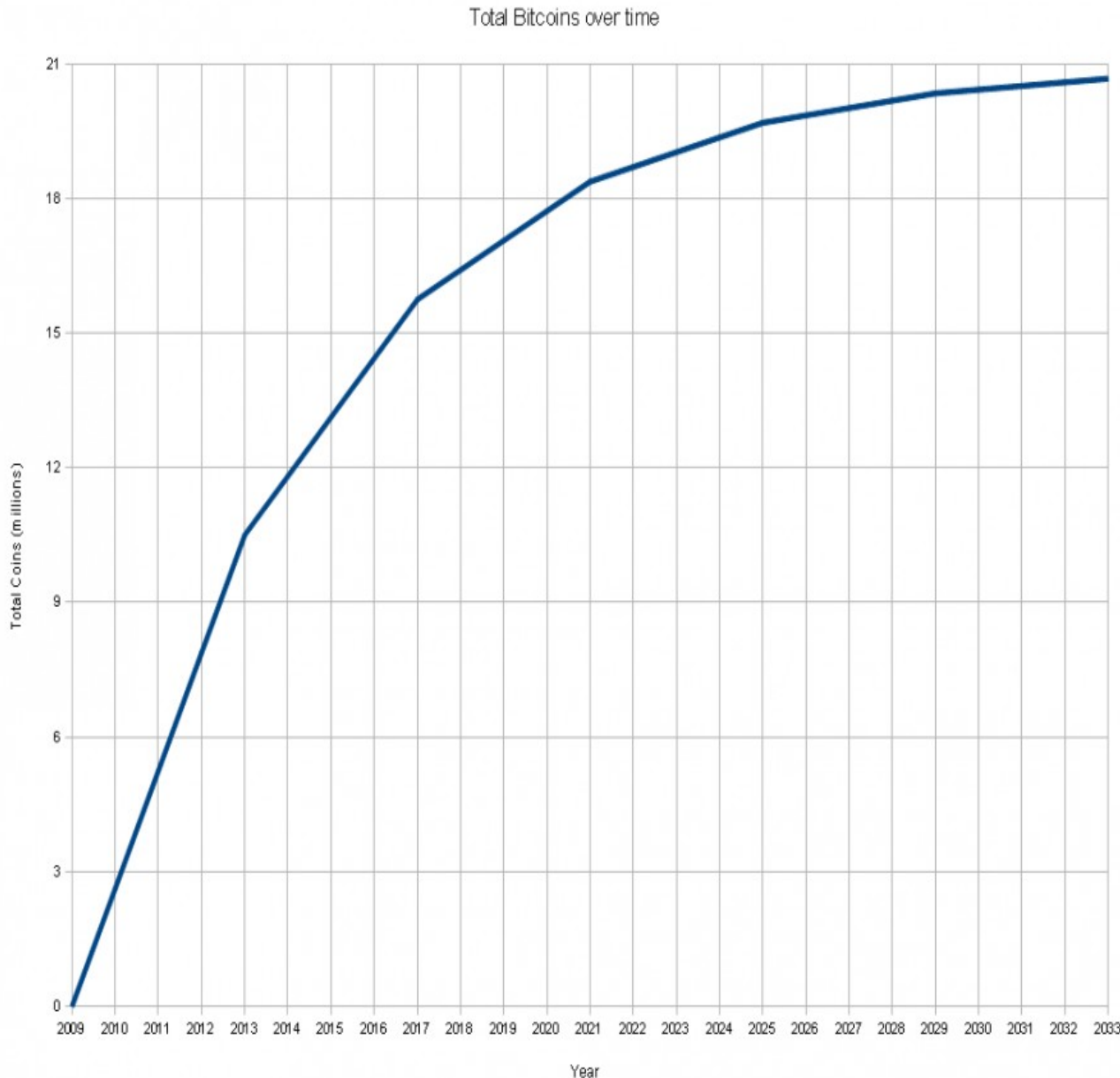


**Not Me !**  
**Dorian S Nakamoto (CA, USA)**



# Bitcoin, bitcoin

## Les origines et quelques données



- 1 bitcoin =  $10^8$  satohis
- 1 satoshi = 0.00000001 bitcoins
- Quantité limitée de bitcoin :  
21 millions de bitcoins au maximum d'ici 2140.

- au 05/02/2015 :

~ 13 802 500 bitcoins générés  
1 Bitcoin ~ 228 USD

Network Hashrate (Pflops):  
3840492.75

256 fois plus rapide que  
l'ensemble du top 500 des super  
ordinateurs (Forbes 2013 cf

Références )

# Bitcoin, bitcoin

Un réseau p2p : <https://getaddr.bitnodes.io/>

## BITNODES

Bitnodes is currently being developed to estimate the size of the Bitcoin network by finding all the reachable nodes in the network.

GLOBAL BITCOIN NODES DISTRIBUTION  
Reachable nodes as of Sat Jan 24 2015 10:53:45  
GMT+0100 (CET).

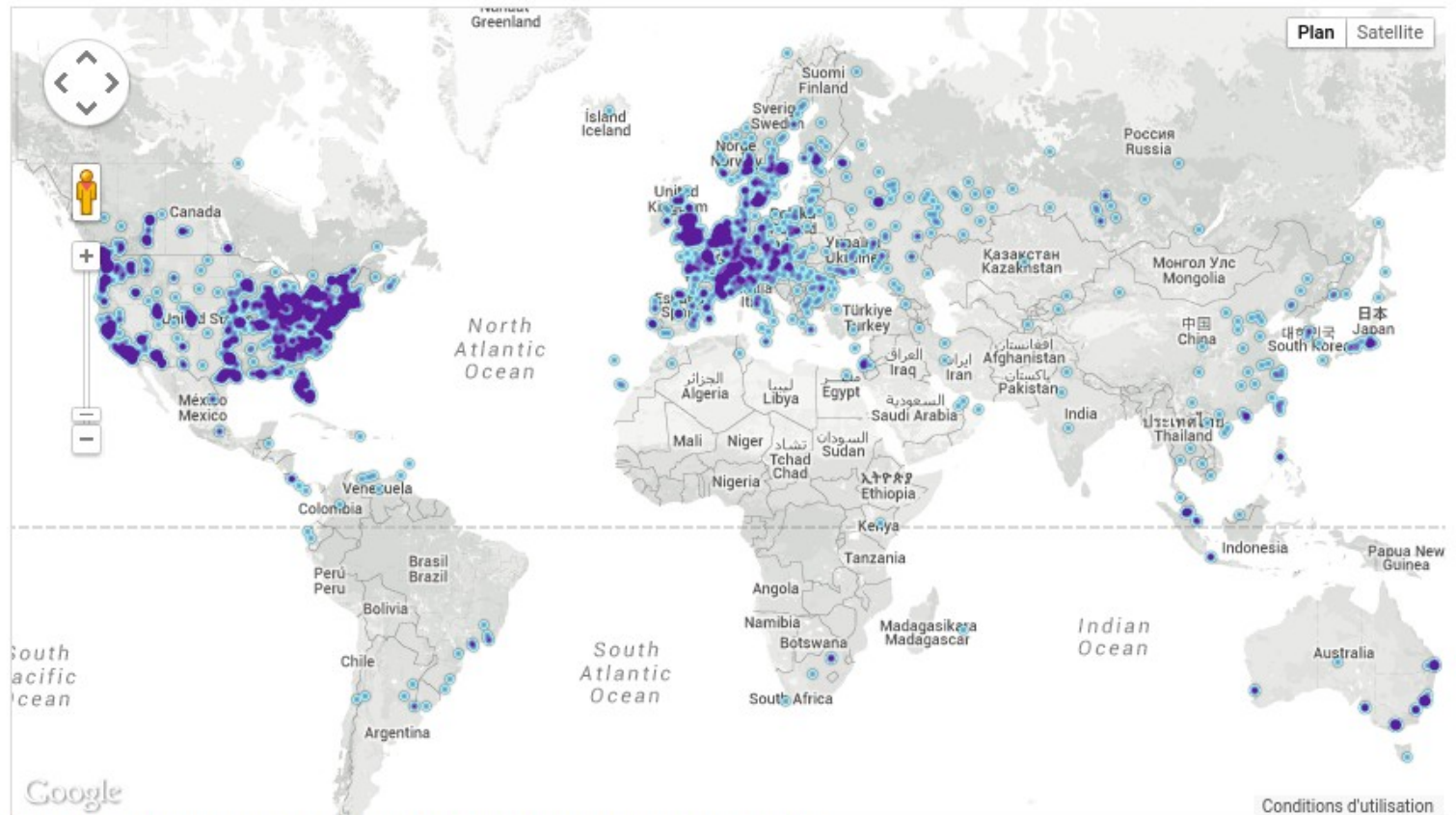
### 6548 nodes

24-hour charts »

Top 10 countries with their respective number of reachable nodes are as follow.

| RANK | COUNTRY            | NODES         |
|------|--------------------|---------------|
| 1    | United States      | 2500 (38.18%) |
| 2    | Germany            | 568 (8.67%)   |
| 3    | France             | 428 (6.54%)   |
| 4    | United Kingdom     | 371 (5.67%)   |
| 5    | Canada             | 343 (5.24%)   |
| 6    | Netherlands        | 291 (4.44%)   |
| 7    | Russian Federation | 276 (4.22%)   |
| 8    | China              | 160 (2.44%)   |
| 9    | Australia          | 130 (1.99%)   |
| 10   | Sweden             | 123 (1.88%)   |

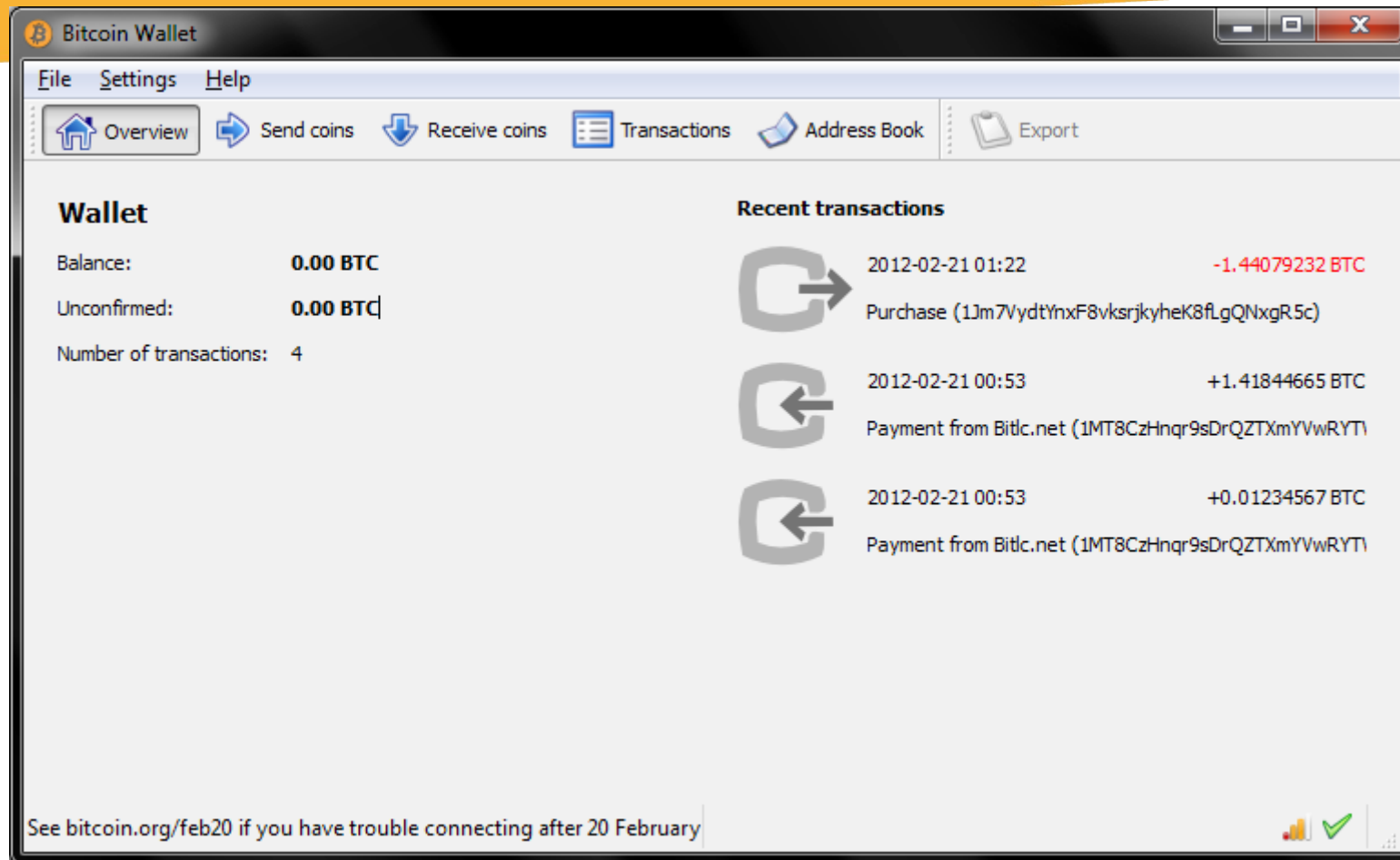
More (87) »





# Bitcoin, bitcoin

## Un logiciel libre , un protocole

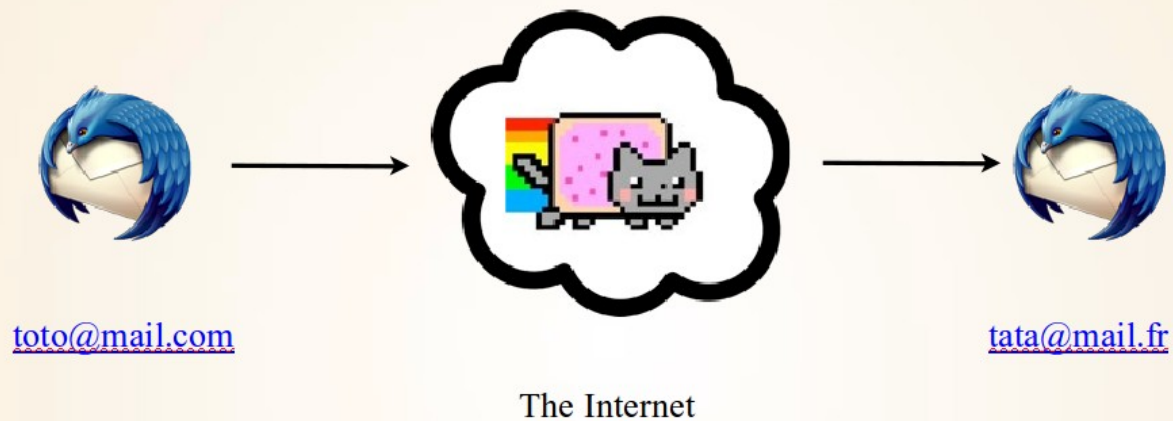


<https://github.com/bitcoin/bitcoin>

# Bitcoin, bitcoin

Comment ça marche ? : démonstration

Bitcoin « email of money »



14UwLL9Risc3QfPqBUvKofHmBQ7wMtvM

35uEbMgunupShBVTewXjtqbBv5MndwfXhb

# Bitcoin, bitcoin

Comment ça marche ? : il faut un logiciel ou wallet (portefeuille)

## Choisir votre portefeuille Bitcoin

Trouvez votre portefeuille et échangez des paiements entre commerces et utilisateurs.

📱 Mobile    🖥️ Bureau    🗝️ Matériel    🌐 Web



Un portefeuille ou wallet, **ne contient pas de bitcoin** (les transactions sont disponibles dans la blockchain). Il **contient uniquement les clés privée et publique** correspondantes à l'adresse bitcoin.

Le terme « porte clés » serait donc plus juste que « portefeuille » !

Adresse(publique) bitcoin de 34 caractères (commencent par 1 ou 3 = multisignature) :

14UwLL9Risc3QfPqBUvKofHmBQ7wMtjvM

# Bitcoin, bitcoin

Une innovation disruptive ?

## **HALLMARKS OF DISRUPTIVE INNOVATORS**

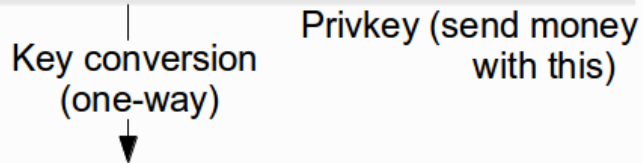
- Introduced by an “outsider”
- Less expensive than existing products
- Targeting underserved or new markets
- Initially inferior to existing products
- Advanced by an enabling technology

# Bitcoin, bitcoin

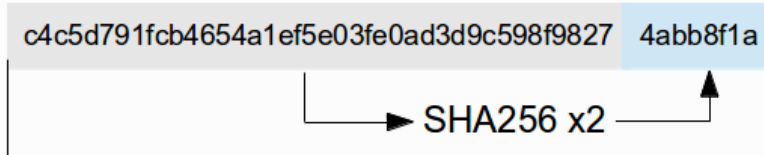
## Les outils mathématiques ?

- Clé privée/Clé publique, Adresse bitcoin , courbes elliptiques + corps fini (ou de galois) , secp256k1, sha256, ripemd-160

C4bbcb1fbec99d65bf59d85c8cb62ee2db963f0fe106f483d9afa73bd4e39a8a



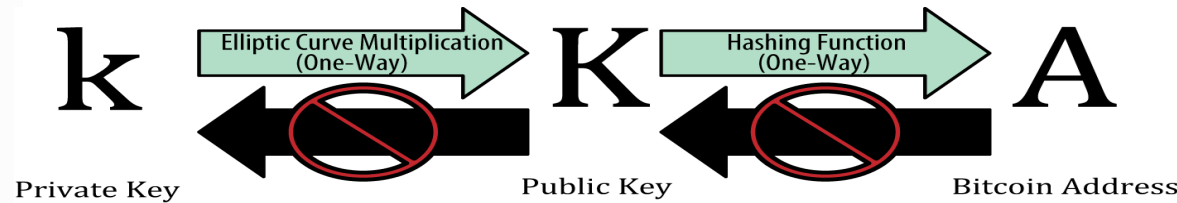
0478d430274f8c5ec1321338151e9f27f4c676a008bdf8638d07c0b6be9ab35c71a  
1518063243acd4dfe96b66e3f2ec8013c8e072cd09b3834a19f81f659cc3455



Base 58

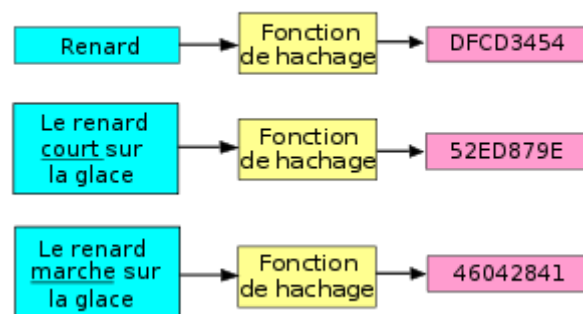
1JwSSubhmg6iPtRjtyqhUYYH7bZg3Lfy1T

Address (receive money with this)



Entrée

Empreinte



Ref:

[https://en.bitcoin.it/wiki/Technical\\_background\\_of\\_Bitcoin\\_addresses](https://en.bitcoin.it/wiki/Technical_background_of_Bitcoin_addresses)

<http://csrc.nist.gov/groups/STM/cavp/documents/shs/sha256-384-512.pdf>

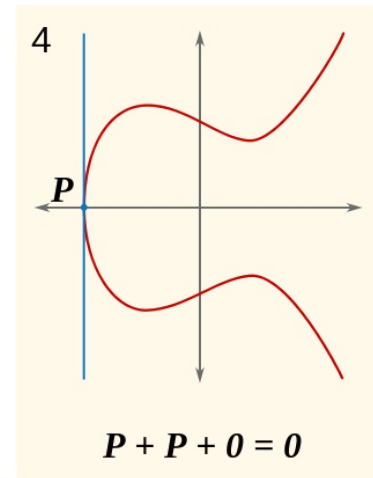
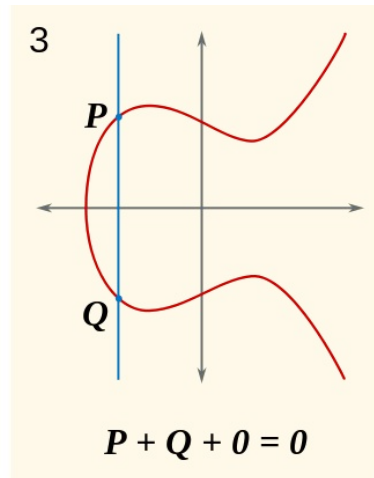
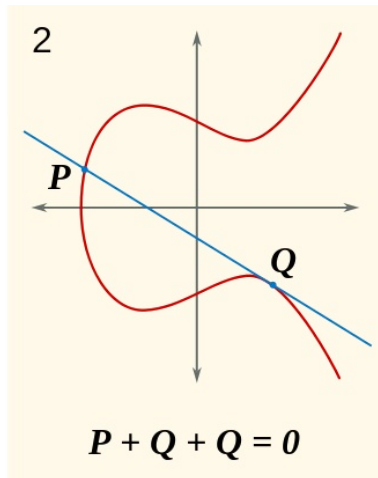
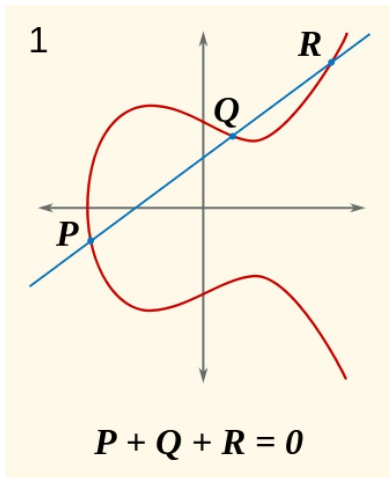
<http://chimera.labs.oreilly.com/books/123400001802/ch04.html#introduction>

# Bitcoin, bitcoin

Mathématique appliquée, cryptographie:  $y^2 = x^3 + ax + b$



- Clé privée/Clé publique, Adresse bitcoin, courbes elliptiques + corps fini (ou de galois), secp256k1, sha256, ripemd-160



SECP256K1 (NIST) :

$$y^2 = x^3 + 7 \text{ over } (\mathbb{F}_p)$$

or

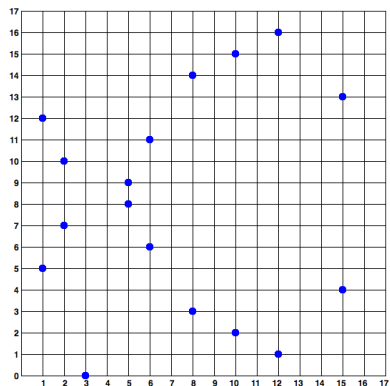
$$y^2 \text{ mod } p = (x^3 + 7) \text{ mod } p$$

$$P = 2^{256} - 2^{32} - 2^9 - 2^8 - 2^7 - 2^6 - 2^4 - 1$$

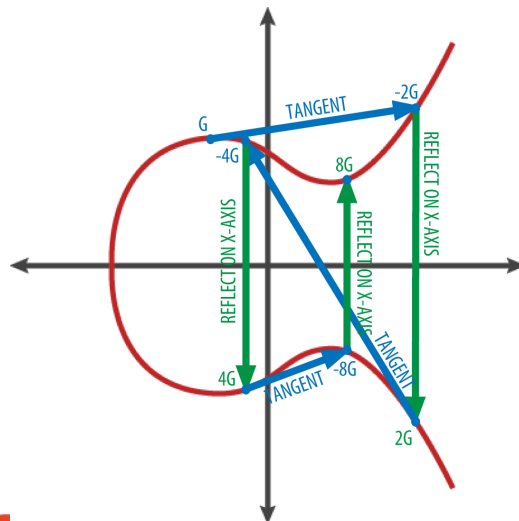
Ref:

[http://www.secg.org/collateral/sec2\\_final.pdf](http://www.secg.org/collateral/sec2_final.pdf)

<https://en.bitcoin.it/wiki/Secp256k1>



$y^2 \text{ mod } p = (x^3 + 7) \text{ mod } p$   
( $p=17$ )



$K = k * G$  (« multiplication » au sens « courbe elliptique »)

$K$  = public key (point sur la courbe elliptique secp256k1)

$G$  = generator point (point sur la courbe elliptique secp256k1)

The size of  $k$  = bitcoin's private key space,  $2^{256}$  is an unfathomably large number. It is approximately  $10^{77}$  in decimal. The visible universe is estimated to contain  $10^{80}$  atoms.

Ref:

<http://www.coindesk.com/math-behind-bitcoin/>

[http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch04.html#elliptic\\_curve](http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch04.html#elliptic_curve)

# Bitcoin, bitcoin

Le blockchain : c'est la véritable invention du bitcoin !



C'est un registre ou livre de compte à double entrée, ouvert et public contenant tous les blocs (regroupant les transactions signées cryptographiquement).

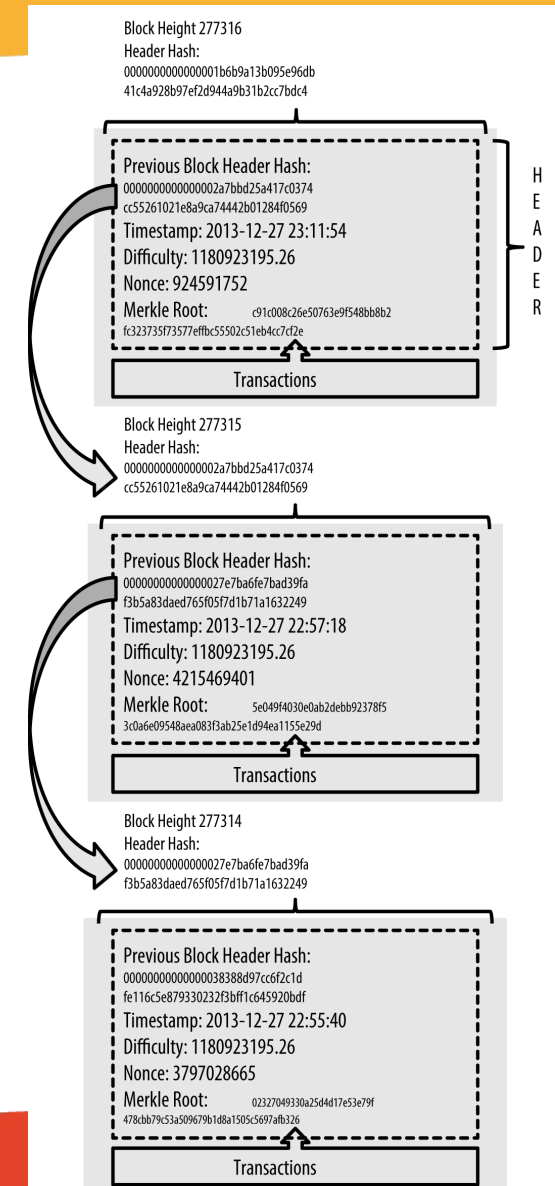
Les blocs sont minés (validés) environ toutes le 10 minutes sur la base d'un consensus des nœuds du réseau décentralisé, consensus garanti par des algorithmes mathématiques !

Taille de la blockchain = ~ 28Go au 5/2/2015



Vous pouvez consulter les transactions et blocs :  
<https://blockchain.info/>  
<http://blockexplorer.com/>

Luca Pacioli 1495 – Comptabilité à partie double  
Ref : [http://fr.wikipedia.org/wiki/Luca\\_Pacioli](http://fr.wikipedia.org/wiki/Luca_Pacioli)



# Bitcoin, bitcoin

## Le minage:

processus de validation des transactions et  
processus de création des bitcoins

**Le minage est le procédé par lequel les bitcoins sont mis en circulation.**

Les mineurs effectuent avec leur **matériel informatique des calculs mathématiques (POW) pour le réseau Bitcoin** afin de **confirmer des transactions et augmenter leur sécurité**. Comme récompense pour leurs services, ils collectent les bitcoins nouvellement créés ainsi que les frais des transactions qu'ils confirment.

Les mineurs (ou les coopératives de mineurs) sont en concurrence et leurs revenus sont proportionnels au nombre de calculs effectués.

Un bloc contenant les transactions signées est miné (validé) environ tous **les 10 minutes, cette validation rapporte 25 bitcoins** (récompense divisée par 2 tous les 4 ans)



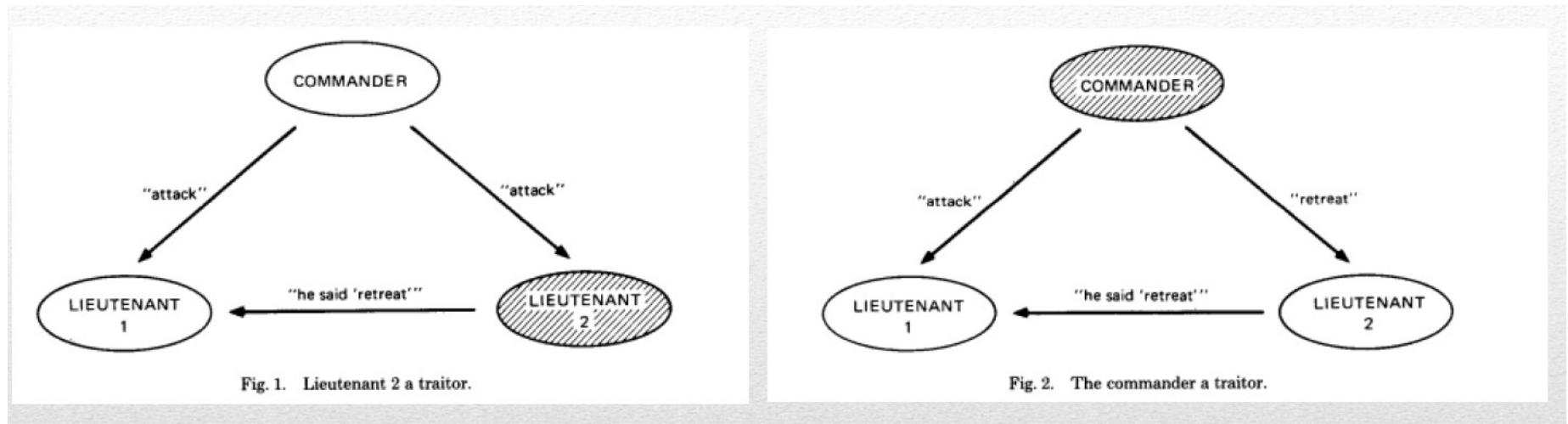


# Bitcoin, bitcoin

**Proof of Work (POW):** solution originale au problème de consensus dans un système distribué ( cf pb des généraux byzantins – Lamport 1982)

**POW** ou Proof of Work est la **solution originale** préconisée par **Satoshi Nakamoto** pour résoudre le problème de consensus dans le réseau distribué de minage (**Pb des généraux Byzantins** – étude de tolérance à la panne de systèmes distribués).

Cela consiste à **résoudre** environ toutes les **10 minutes un puzzle mathématique aléatoire** dont la **difficulté varie** en fonction de la **puissance de calcul du réseau Bitcoin** . La solution du puzzle est « **difficile à trouver ou à calculer** » , mais « **facile à vérifier** » !



Le POW fonctionne tant que 51 % des nœuds du réseau Bitcoin sont / restent honnêtes , fiables.

**The byzantine generals problem(BGP)**

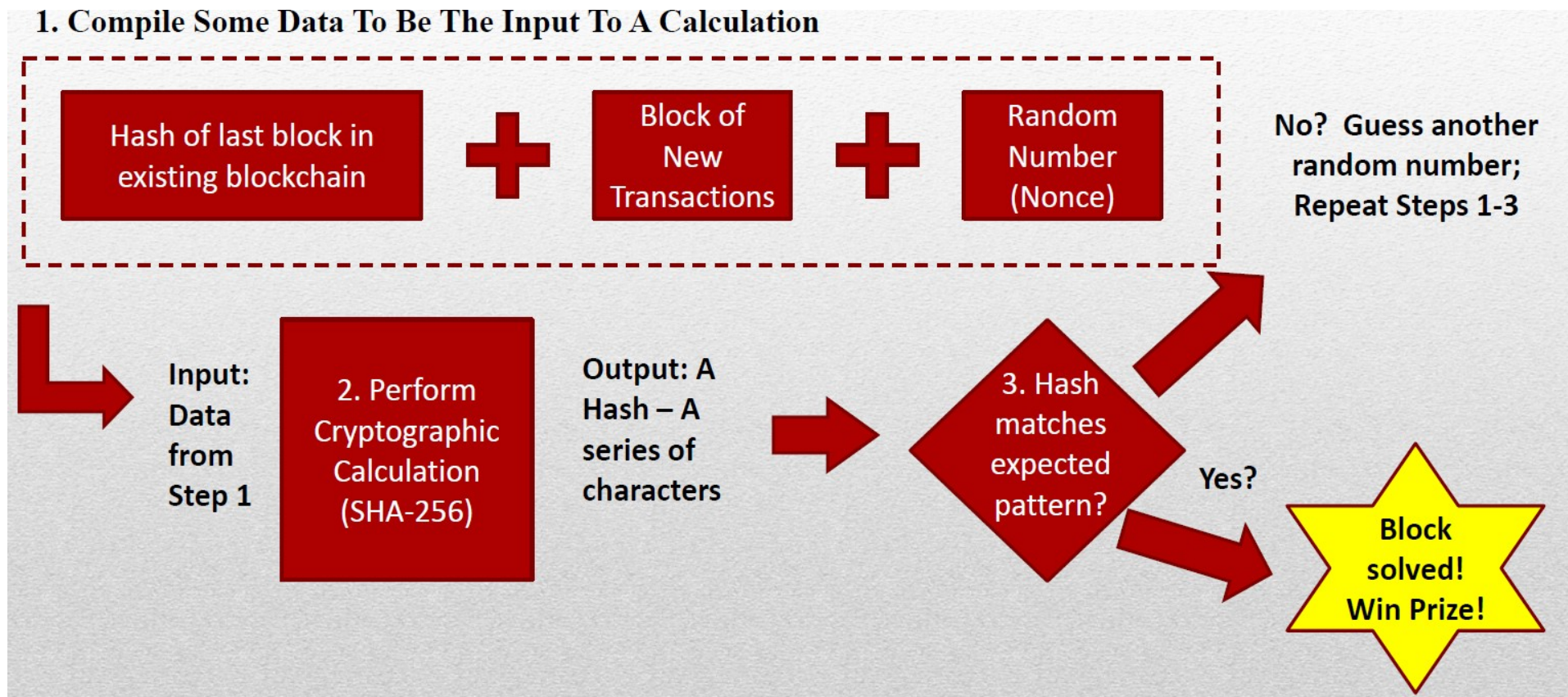
<http://research.microsoft.com/en-us/um/people/lamport/pubs/byz.pdf> (Leslie Lamport 1982)

Mastering Bitcoin: Mining & Consensus ( Andreas Antonopoulos)

<http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch08.html>

# Bitcoin, bitcoin

**Proof of Work:** solution au problème consensus dans un système distribué ( pb des généraux byzantins)



The byzantine generals problem

<http://blockexplorer.com/block/000000000019d6689c085ae165831e934ff763ae46a2a6c172b3f1b60a8ce26f>

<http://research.microsoft.com/en-us/um/people/lamport/pubs/byz.pdf>

Mastering Bitcoin: Mining & Consensus (Andreas Antonopoulos)

<http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/ch08.html>

# Bitcoin, bitcoin

Quelques graphiques : hashrate , difficulté, cours du bitcoin : <https://blockchain.info/fr/charts>



## Prix du marché (USD)

Un graphique indiquant le prix du marché en USD (Source : Mt.Gox)



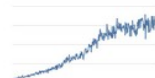
## % du coût du volume des transactions

Un tableau indiquant les mineurs recettes en pourcentage du volume de transaction.



## Coût par transaction

Un tableau indiquant les revenus des mineurs divisé par le nombre de transactions.



## Taux de hash

L'estimation du nombre de gigahash par seconde (milliards de hash par seconde) que le réseau bitcoin atteint.



## Difficulté

Un tableau montrant l'évolution de la difficulté au fil du temps. La difficulté est une mesure de combien il est difficile de trouver un nouveau bloc par rapport à la simple il ne pourra jamais l'être.



## Revenu des mineurs

Graphique historique indiquant le nombre de bitcoins miné par jour + frais de transaction \* prix du marché.



## Temps moyen de confirmation d'une transaction

Le temps moyen que prennent les transactions pour être acceptées dans un bloc.

Graphiques, statistiques disponibles sur <https://blockchain.info/fr/charts>

# Bitcoin, bitcoin

## Les alt-coins: késako ?

**Les altcoins sont des dérivés du bitcoin. La majorité sont des copies du code source bitcoin. Chaque altcoin rajoute des fonctionnalités ou modifie la recette de base du bitcoin.**



### **Exemples d'altcoins (+de 700 altcoins):**

Primecoin : (calcul de nombre premiers , chaine de cunningham) cf <http://primecoin.io/index.php>

Ripple : (principe du hawala à la sauve bitcoin )

Litecoin

<http://coincreator.net/> vous permet de créer votre propre monnaie alternative ou altcoin.

**Mais la technologie du blockchain permet beaucoup d'autres usages que celui de la monnaie :**

**Ethereum** : généralisation du bitcoin au « smart contract » et « Apps »

[bitcoin ~ smtp / ethereum ~ http]

**Storj** : stockage distribué de type cloud basé sur la technologie blockchain (proof of ressource)

**MaidSafe** : internet distribué basé sur la technologie blockchain (proof of ressource)

**Swarm** : plateforme de crowdfunding basée sur la technologie de blockchain et de multiscriture

# Bitcoin, bitcoin

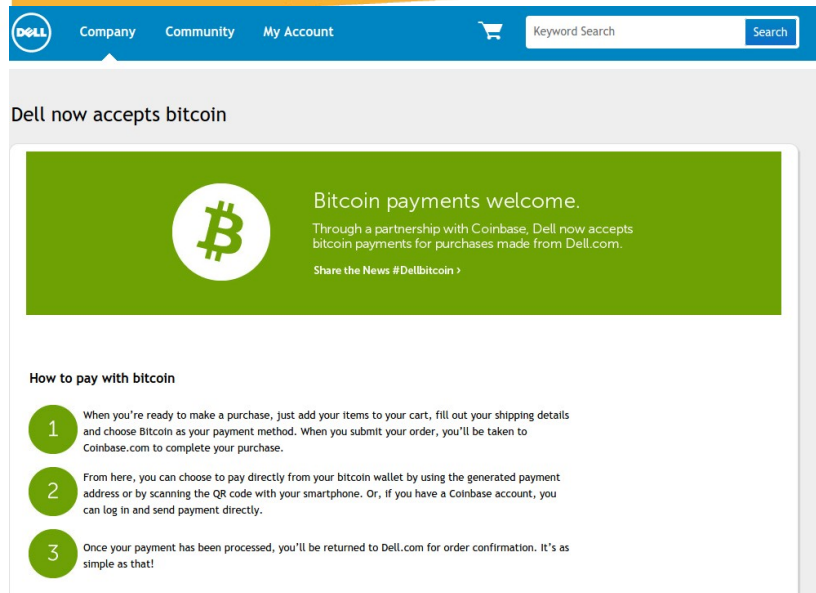
## Comment se procurer des bitcoins ?

- 1) Vendre des gateaux ou autres spécialités/services pour des bitcoins !
- 2) Demander à un ami de vous envoyer des bitcoins :-)
- 3) [www.localbitcoins.com](http://www.localbitcoins.com) ( sorte de leboncoin du bitcoin)
- 4) Place de marché (USD/EUR/BTC) :  
[kraken.com](http://kraken.com), [coinbase.com](http://coinbase.com) , [virwox.com](http://virwox.com), [saffelo.com](http://saffelo.com), [paymium.com](http://paymium.com)
- 5) utiliser un distributeur de bitcoin à toulouse : mineoncloud 18 rue de Toul, 31000 Toulouse  
<http://www.bitcoin.fr/post/Un-distributeur-de-bitcoins-%C3%A0-Toulouse>
- 6) Miner (risqué et ultra compétitif)



# Bitcoin, bitcoin

Bitcoin se démocratise : Dell , Expedia, Wikipedia aux USA,



The screenshot shows the Dell website's navigation bar with links for 'Company', 'Community', and 'My Account'. Below the navigation bar, a banner reads 'Dell now accepts bitcoin'. The banner features a Bitcoin logo and the text: 'Bitcoin payments welcome. Through a partnership with Coinbase, Dell now accepts bitcoin payments for purchases made from Dell.com. Share the News #DellBitcoin >'. Below the banner, a section titled 'How to pay with bitcoin' contains three numbered steps:

- 1 When you're ready to make a purchase, just add your items to your cart, fill out your shipping details and choose Bitcoin as your payment method. When you submit your order, you'll be taken to Coinbase.com to complete your purchase.
- 2 From here, you can choose to pay directly from your bitcoin wallet by using the generated payment address or by scanning the QR code with your smartphone. Or, if you have a Coinbase account, you can log in and send payment directly.
- 3 Once your payment has been processed, you'll be returned to Dell.com for order confirmation. It's as simple as that!

  
**Expedia**  
To Accept Bitcoin



**Premier Moco sur les bitcoins par l'Université de Nicosie (par Andréas Antonopoulos : bitcoin guru)**  
<http://digitalcurrency.unic.ac.cy/free-introductory-moco>

**Le nombre de publications sur arxiv augmente chaque année :**  
<http://arxiv.org/find/all/1/all:+bitcoin/0/1/0/all/0/1>

**Apparition de nouveaux services basés sur le blockchain :**  
**Proofofexistence.com :**

Service de propriété intellectuelle (sorte d'INPI basé sur le blockchain du bitcoin)

**Certificat de mariage dans la blockchain :**

<https://www.cryptocoinsnews.com/bitcoin-wedding-marriage-on-the-blockchain/>

# Bitcoin, bitcoin

MPESA → BitPesa : le Kenya un laboratoire pour le futur !

**2007, est lancé M-PESA : M=mobile / Pesa= argent en swahili.**

**Service de paiement par SMS, téléphone mobile (safaricom).  
Explosion en 2010, plus de 17 millions de comptes pour 44 millions d'habitants.**

**Unité de compte = minutes de communication ↔ Shilling Kenyan**

**2014 : Lancement de Bit-Pesa pour le transfert d'argent via Bitcoin entre le Kenya et l'international ...**

**2015 .... : Le Kenya est un formidable laboratoire pour comprendre les mécanismes de l'adoption de nouvelles technologies adaptées à un écosystème : le téléphone mobile (non intelligent) , le bitcoin ...**



<http://www.safaricom.co.ke/personal/m-pesa>

BitPesa

<https://www.bitpesa.co/>

# Bitcoin, bitcoin

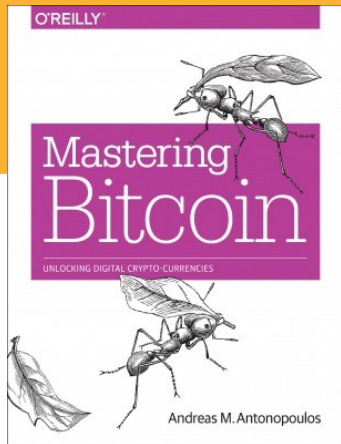
## Questions ?





# Bitcoin, bitcoin

## Références :



**Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System** par Satoshi Nakamoto (01/11/2008) :  
<https://bitcoin.org/bitcoin.pdf>

**Mastering Bitcoin** par Andréas M. Antonopoulos

Disponible chez amazon ou en libre accès à :

<http://chimera.labs.oreilly.com/books/1234000001802/index.html>

<https://github.com/aantonop/bitcoinbook>

Site web de l'auteur :

<http://antonopoulos.com/>

**Le bitcoin** par Ken Shirriff :

<http://www.righto.com/2014/02/bitcoins-hard-way-using-raw-bitcoin.html>

<http://www.righto.com/2014/02/bitcoin-mining-hard-way-algorithms.html>

<http://www.righto.com/2014/02/ascii-bernanke-wikileaks-photographs.html>

<http://bitcoinstrings.com/> ( messages inclus dans le blockchain )

**Maths & bitcoin :**

<http://blog.chain.com/post/95218566791/the-math-behind-bitcoin>

« **Ce que signifie l'émergence du bitcoin** » par Sylvain Fontan, économiste

« **Argent valeur vs Argent dette** »

<http://www.latribune.fr/opinions/tribunes/20141007trib09d1cb928/ce-que-signifie-l-emergence-du-bitcoin.html>

**Le réseau Bitcoin 256 fois plus puissant que l'ensemble du Top500 des supercomputer**

<http://www.forbes.com/sites/reuvencohen/2013/11/28/global-bitcoin-computing-power-now-256-times-faster-than-top-500-supercomputers-combined/>

<http://bitcoincharts.com/bitcoin/>

<http://www.bitcoinwatch.com/>

**Quelques liens :**

<http://bitcoinvanitygen.com/>

<https://www.bitaddress.org>

<http://coinmarketcap.com/>

<http://plus.franceculture.fr/les-mathematiques-et-la-cryptographie-reinventent-la-monnaie-le-bitcoin>

<http://www.e-ducat.fr/bitcoin-et-les-arbres-de-merkle/>

**Mooc sur les bitcoins par l'Université de Nicosie (par Andréas Antonopoulos : bitcoin guru)**

<http://digitalcurrency.unic.ac.cy/free-introductory-mooc>